

**Activități cu studenții ora #1 de laborator:**

- Se verifică rezultatele obținute la Laborator #1 + note (15min)
- Studenții prezintă cele două fișiere Laborator #2 listate de pe internet [www.viacolab.utcluj.ro](http://www.viacolab.utcluj.ro) și se notează (cu –) studenții care nu au material listat sau conspect (5min). **0.2: Întrebări generale din Labor #2 și notați stud.**

**1. Descompunerea funcției periodice în sumă de armonice**

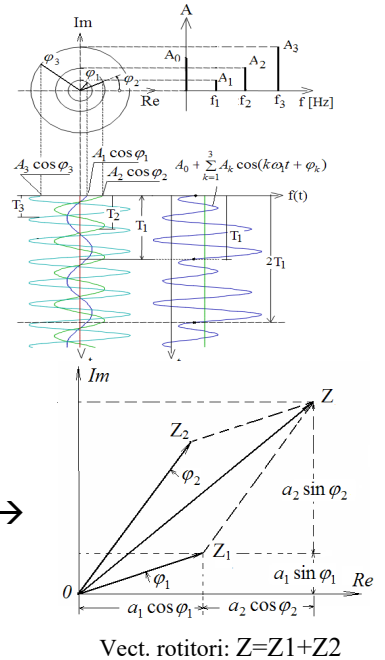
1.1. Se scriu pe tablă relațiile:  $f(t) = A_0 + \sum_{k=1}^{\infty} A_k \cos(k\omega_1 t + \varphi_k)$  (7.4),  $f(t) = A_0 + \operatorname{Re}(\sum_{k=1}^{\infty} A_k e^{j(k\omega_1 t + \varphi_k)})$  (7.6)

1.2. Desenați un vector rotitor în planul complex: modulul  $A_k$ , faza inițială  $\varphi_k$  și viteza unghiulară  $\omega_k$ ; proiectați vect. pe axa reală (dr) vs. t (în jos); se discută relația  $A_k \cdot e^{j(\omega_k t + \varphi_k)} = A_k \cdot [\cos(\omega_k t + \varphi_k) + j \sin(\omega_k t + \varphi_k)]$

2. Studenții desenează figura din dreapta (cele 4 grafice în sens trigo.) începând cu graficul frecvențe vs. amplitudini apoi vectori cu faze în plan complex, apoi proiecții în real și apoi pentru câteva puncte ( $t=0, t_1, t_2$ ) curba jos-dreapta.

3. Se explică exemplul cu ventilatorul și cele trei armonice ale semnalului măsurat pe carcasa ventilatorului (figura pag.2).

4. Se măsoară vibrații periodice și se vizualizează armonice (FFT).



**Activități ora #2 de laborator:**

5. Compunerea oscilațiilor armonice pe aceeași direcție având aceeași frecvență dar cu amplit. și faze inițiale diferite; det. modulul și faza lui Z: fig.+ explicații →

6. Compunerea vibrațiilor armonice pe direcții paralele având pulsatii diferite

6.1. rulare **aplicație #1 Labview** ([www.viacolab.utcluj.ro](http://www.viacolab.utcluj.ro))

- completare tabel cu 4 grafice; se adaugă 4 grafice noi.

6.2. se explică fenomenul de bataie + exemplu: se ascultă două diapazoane.

6.3. măsurare fenomen bataie (sistem achiziție); se adaugă mase pe brațul unui diapazon pentru variație (scădere) frecvență + explicații și observarea variației frecvenței bătaii.

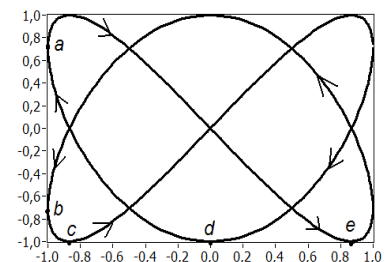
$a_1 \ll a_2$ $x_1(t)$ de amplitudine mică și frecvență mică $f_1 \ll f_2$ $x_2(t)$ de amplitudine mare și frecvență mare 	$a_1 \gg a_2$ $x_1(t)$ de amplitudine mare, frecvență mică $f_1 \ll f_2$ $x_2(t)$ de amplitudine mică, frecvență mare 
<b>Fenomen de bătaie <math>a_2 = 0.5 \cdot a_1</math></b> 	<b>Bătaie propunțată: <math>a_2 \approx a_1</math></b> 

**7. Compunerea vibrațiilor armonice pe direcții perpendiculare**

7.1 Rulați **aplicația #2 Labview** ([www.viacolab.utcluj.ro](http://www.viacolab.utcluj.ro)) pentru valorile întregi m și n propuse.

- se trasează cu mâna curbe Lissajous în spațiile libere din tabelul final.  
 - se dă o curbă Lissajous și se identifică valorile m și n (prin numărarea perioadelor pe fiecare axă ox(m) și oy(n)) (vezi figura →).

- punctul de pornire ( $t=0$ ) al unei curbe Lissajous este  $(1, \cos(f_1))$ , unde  $f_1 = \text{defazajul}$  ( $0, \pi/4, \pi/2, 3\pi/4, \pi$ ) între curbele care se compun pe dir.  $\perp$ .



... rezultă:  $m=2, n=3$

1. Aplicație Android pentru trasare curbe Lissajous:

**Grapher Free - Equation Plotter & Solver**

Curve types:

Function Function (e.g. parabola, sine wave) e wave)

Polar (e.g. rose, spiral)

**Parametric** (e.g. ellipse, **Lissajous**) on the xy-plane or rθ-plane

$x(t)$ ;  $y(t)$

exemplu:  $\cos(2 \cdot t)$ ;  $\cos(3 \cdot t + \pi/4)$



2. Aplicație pentru observarea fenomenului de bătaie

Advanced Spectrum Analyzer



Setări:

Input samples (N): 2048,..., 16385

Window function: Hanning, Hamming etc.

Sampling frequency (F<sub>s</sub>): 44100, 48000

Input source: Default Mic., Second Mic.

Averaging factor: 4,...,10

Logarithmic scale: T/F

Peaks



Fenomenul de bătaie obținut cu perechea de diapazoane.

Se va urmări creșterea și scăderea alternativă a amplitudinii vârfului spectral de 440Hz la analiza spectrală a sunetului generat de cele două diapazoane.

Se deplasează spre vârful furcii cele două mase care glisează pe brațele furcii unui diapazon. Frecvența aceluși diapazon scade deoarece se aduce aport de masă spre vârful furcii. Astfel frecvența bătaii crește fiindcă diferența frecvențelor tonurilor generate de cele două diapazoane crește:  $f_b = f_1 - f_2$ .